

Weak metric fields in the Galilean space

Слабые метрические поля в АСО галилеева пространства

Valery Timin

Creative Commons Attribution 3.0 License

(June 10, 2021)

Russia

In addition to the force fields defined by the scalar and vector potential fields and their strengths, it is possible to have force fields defined by rank 2 tensors, in particular, through the metric tensor $g_{ij}(r,t)$. The role of the metric tensor in the motion of a material point is that it determines the shortest trajectory between any two points of space-time along the geodesic "straight line" as a line of the shortest length. The length of the "straight line" corresponds to the length of the shortest "interval" between these points. The differential equation of this "shortest" condition is expressed in terms of the Christoffel symbols Γ^i_{jk} . In this paper, we consider the case of weak "metric" fields and velocities of motion of a material point in the Galilean metric space. The Christoffel symbols themselves and the metric field are defined as corresponding fields in the Galilean space.

In this paper, we consider the law of motion of material points in a weak metric field in the Galilean wave space.

Кроме силовых полей, задаваемых скалярным и векторным потенциальными полями и их напряженностями, возможно существование силовых полей, определяющихся тензорами ранга 2, в частности – через метрический тензор $g_{ij}(r,t)$. Роль метрического тензора в движении материальной точки заключается в том, что через него определяется кратчайшая траектория между любыми двумя точками пространства–времени по геодезической "прямой" как линии наименьшей длины. Длина "прямой" при этом соответствует длине наикратчайшего "интервала" между этими точками. Дифференциальное уравнение этого "наикратчайшего" условия выражается через символы Кристоффеля Γ^i_{jk} . В данной работе рассмотрен случай слабых "метрических" полей и скоростей движения материальной точки в галилеевом волновом пространстве. Сами символы Кристоффеля и метрическое поле определены как соответствующие поля в галилеевом пространстве.

В данной работе рассматривается закон движения материальных точек в слабом метрическом поле в галилеевом волновом пространств.

Слабые метрические поля в АСО галилеева пространства

Оглавление

1. Галилеево пространство и волновая метрика.....	2
1.1. Виды метрик галилеева пространства	2
1.2. Метрика волнового галилеева пространства из движущегося ИСО	4
2. Символы Кристоффеля и геодезические в слабых метрических полях	6
2.1. Изменение скорости (ускорение) по индексу $i \neq 0$	8
2.2. Уравнение движения (ускорения) по индексу 0	9
3. Геодезическая в галилеевом пространстве	10
3.1. Понятие поля локального АСО	10
3.2. С метрическим полем при $i \neq 0$	11
Очень малые скорости: $v \ll 1$	12
3.3. С метрическим полем при $i=0$	13
Очень малые скорости: $v \ll 1$	14
4. Выводы.....	14
Сокращения и другие соглашения	16
Литература	17

1. Галилеево пространство и волновая метрика

1.1. Виды метрик галилеева пространства

В галилеевом пространстве (далее – ГП) возможно применение трех видов метрик: временного, пространственного и волнового. "Временная" метрика соответствует промежутку времени между событиями и является вырожденной, имеет единственный ненулевой метрический элемент – G_0 или G_{00} (первый – для линейной метрики, второй – в билинейной интерпретации) – соответствующие промежутку времени в единице координатного времени:

$$\begin{aligned}d\tau &= G_0 dt^2, \\d\tau^2 &= G_{00} dt^2.\end{aligned}\tag{1.1}$$

Ее плюсом является глобальность, т.е. она определена для любых точек. Характер метрики – линейный или билинейный.

"Пространственная" метрика также является вырожденной, не является глобальной и имеет ненулевыми диагональные элементы G_{ij} : $i, j \in (1..3)$. При преобразованиях координат без изменения метрического тензора значение 4-мерного "расстояния" изменяется. Поэтому физически определена только на плоскости одновременности при постоянном значении координаты "время" на 3-мерной плоскости одновременности. Глобальные свойства, но с сохранением вырожденности, она имеет, если определена исключительно в АСО. Диагональность при этом теряется. Характер метрики – билинейность.

$$dl^2 = G_{ij}dr^i dr^j. \quad (1.2)$$

"Волновое" расстояние как метрика, называемая "интервалом", представляет собой их сумму, является глобальной и не является вырожденной. Характер метрики – билинейность. Она соответствует разности фаз волнового поля эталонной частоты между двумя 4-мерными точками—"событиями" с волновым вектором, направленным в направлении от первого события ко второму. При этом выполняется соотношение между скалярной фазой φ и местом ее нахождения для линейной волны частотой ω от направления движения c_i :

$$\Delta\varphi = 2\pi\omega c_i \Delta r^i: |c_i| = \frac{1}{c}. \quad (1.3)$$

(здесь 2π - нормирующий под количество волн в единице времени множитель, c_i – ковариантный(!) вектор скорости волны, нормирует количество волн под скорость волны). Сама волна задается уравнением:

$$A = \sin 2\pi\omega(t - c_i r^i - \varphi_0). \quad (1.4)$$

В связи с этим возникает возможность определения "волновой" метрики, обладающей определенными полезными для физики свойствами. Из этого уравнения можно найти разность координат любых двух точек по направлению распространения волны:

$$\Delta l = \frac{\Delta\varphi}{2\pi\omega} = \frac{c_i r^i}{2\pi\omega}, \quad (1.5)$$

и разность времен двух одномоментных событий

$$\Delta t = \frac{\Delta\varphi}{2\pi\omega} = \frac{ct}{2\pi\omega}. \quad (1.6)$$

И эта координата уже будет скалярной, независимым от частоты, параметром вдоль этого направления для этого направления распространения. Для независимого определения волнового расстояния от направления распространения волны необходимо определить еще две координатные оси, перпендикулярные к x – это y и z . Они определяются с помощью этих же волн, только распространяющихся в других взаимно перпендикулярных направлениях – y и z . Их взаимная перпендикулярность определяется постоянством значений сопряженных координат на плоскости однофазности исходной координаты. После определения этих "скалярных" координат из Δx , Δy и Δz можно определить настоящий инвариантный скаляр пространственного расстояния для любых двух точек – Δl :

$$\Delta l = \sqrt{\Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2} \quad (1.7)$$

Δl – это трехмерное пространственное расстояние между этими точками. Зная скорость волны c и расстояние Δl между точками, мы можем найти время Δt прохождения волной этого расстояния:

$$c\Delta t = \Delta l. \quad (1.8)$$

Следовательно, имеем следующее соотношение:

$$c^2\Delta t^2 - (\Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2) = 0. \quad (1.9)$$

О чем говорит это уравнение? Да о том, что одна и та же точка волны с одной и той же фазой при распространении вдоль направления $(\Delta x, \Delta y, \Delta z)$ через время Δt пройдет расстояние $(\Delta x, \Delta y, \Delta z)$. А разность фаз между этими точками будет равна нулю. Если бы кто-нибудь сидел на гребне этой волны и двигался вместе с ним, то для него "волновые часы", отсчитывающие количество "пройденных" им волн между двумя рассматриваемыми событиями, ничего бы не отсчитали, хотя "галилеевы" абсолютные часы отсчитали бы время Δt , а рулетка – расстояние Δl (см.(1.8)).

На основании последней формулы вводится понятие "интервала" Δs между произвольными точками ПВ:

$$\Delta s^2 = c^2\Delta t^2 - (\Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2). \quad (1.10)$$

А это значение Δs в точности равно изменению фазы $\Delta\varphi$ коллинеарной (касательной) движению "виртуальной" волны с частотой $\omega = 1$ (или количества волн n) на пути при движении между этими точками (точнее – событиями) ГП, или волновое расстояние между этими точками. Если у вас на руках имеются волновые часы, они покажут именно это время "s". И оно определяется исключительно через волновое АСО ГП. Это "время" в выделенном ИСО \equiv АСО ГП при использовании волновых часов по специальной, определенной выше, процедуре. Для наблюдателя, живущего по волновым часам, это означает, что его "жизненный" цикл, или собственные внутренние часы, должны быть синхронизированы с прохождением гребней "виртуальных" эталонных волн, возбуждаемых в направлении его движения (касательных) в покоящемся АСО ГП покоящимся в ГП источником по галилеевым абсолютным часам. На деле это получается – с учетом эффекта Доплера от попутного эталонного генератора. Но это не релятивистское время СТО по Эйнштейну. Несмотря на похожесть, в СТО собственное время определяется гораздо проще и без оглядки на возможное существование АСО и от собственного генератора.

1.2. Метрика волнового галилеева пространства из движущегося ИСО

Волновое пространство может быть введено путем рассмотрения изотропного однородного ГП, заполненной упругой сплошной средой и находящейся в состоянии относительного (т.е. в среднем) покоя, в котором возможно распространение материальных волн с определенной фундаментальной "скоростью" c (она имеет единицу измерения такую же, как и у "скорости" – [ед.дл.]/[ед.вр.]). Здесь и далее, если не оговорено иное, значение фундаментальной "скорости" c примем за единицу: $c = 1$.

Волновое галилеево (далее – ВГП) пространство с метрикой g_{ij} является ортонормированным только в одной выделенной как "покоящаяся" с.о., которая соответствует АСО:

$$G_{ij} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -\delta_{ij} \end{pmatrix}, \quad (1.11)$$

и не может быть ортонормированным в общем случае в силу того, что ее волновой "интервал" при галилеевых преобразованиях координат становится не ортонормированным в силу "косоугольности" галилеевых преобразований координат. И нет никакого способа исправить это положение при сохранении ее галилеевой абсолютности при галилеевых преобразованиях координат. Это видно из изменения волновой метрики в таком

пространстве при галилеевых преобразованиях. Выведем это изменение.

Пусть имеется ГП. И есть однородная изотропная сплошная среда, движущаяся в ГП со скоростью V^i . В этом пространстве для распространяющихся в сплошной среде волн выполняется волновое уравнение:

$$\Delta s'^2 = c^2 \Delta t'^2 - (\Delta x'^2 + \Delta y'^2 + \Delta z'^2) = \Delta s^2. \quad (1.12)$$

Выразим параметры со штрихом в исходной не штрихованной системе отсчета¹

$$\begin{aligned} & \begin{cases} t' = t - t_{(0)} \\ r'^i = r^i - r_{(0)}^i - V^i t \end{cases} \rightarrow \\ & \begin{cases} dt' = dt \\ dr'^i = dr^i - V^i dt \end{cases} \rightarrow \\ \Delta s^2 = \Delta s'^2 &= c^2 dt'^2 - dr'^i{}^2 = \\ &= c^2 dt^2 - (dr^i - V^i dt)^2 = \\ &= c^2 dt^2 - dr^i{}^2 + 2V^i dr^i dt - (V^i dt)^2 = \\ &= (c^2 - V^i{}^2) dt^2 + 2V^i dt dr^i - dr^i{}^2. \end{aligned} \quad (1.13)$$

Это выражение для волнового "интервала" в не штрихованной ИСО соответствует следующей метрике:

$$G_{ij} \sim \begin{pmatrix} c^2 - V^2 & V_{0j} \\ V_{i0} & -\delta_{ij} \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} c^2 - V^2 & V_j \\ V_i & -\delta_{ij} \end{pmatrix}. \quad (1.14)$$

Здесь численно элементы V_i и V_j равны скорости V АСО. При равенстве единице фундаментального параметра c метрический тензор следующий:

$$G_{ij} \sim \begin{pmatrix} 1 - V^2 & V_j \\ V_i & -\delta_{ij} \end{pmatrix}. \quad (1.15)$$

Здесь: $V_{i0} \sim V_{0j}$, V – (с соответствующими индексами из (1.15)) – контравариантная скорость сопутствующего АСО ГП. Значение $1 - V^2 = 1 + V_i V^i$ при этом не является скаляром – всего лишь элемент тензора. Знак \sim – знак численного равенства. Не диагональные члены ответственны за не ортогональность получающейся метрики. Из (1.15) также видно, что с.к. при этом остается в 4-мерном представлении равнообъемной. При этом использование ортонормированного пространства остается возможным – но это будет уже не галилеевым, а релятивистским (точнее и как минимум – дорелятивистским в пределе малых скоростей) пространством.

Физически галилеево преобразование координат волнового пространства можно интерпретировать как рассмотрение распространения волн в стационарной однородной изотропной сплошной волновой среде как АСО с т.з. движущейся относительно нее наблюдателя другого ИСО. А выше представленная метрика (1.15) просто будет учитывать различные значения скорости распространения волны в различных направлениях с т.з.

¹ В формулах (1.13) намеренно не соблюдаются правила для обозначения верхних и нижних положений индексов при элементах тензоров.

наблюдателя ИСО.

Как видно из уравнения (1.14), волновое пространство произвольно движущейся сплошной среды является псевдоримановым пространством, не сводимым к плоскому ГП. Не смотря на то, что фоновое пространство, в котором существует сплошная среды – плоское ГП.

2. Символы Кристоффеля и геодезические в слабых метрических полях

При движении м.т. по наикратчайшему пути в римановом пространстве с произвольной метрикой G_{ij} и аффинной связностью (символами Кристоффеля второго рода) Γ^i_{kl} должно выполняться уравнение для траектории как для геодезической:

$$\begin{aligned} \frac{dv^i}{dt} + \Gamma^i_{kl} v^k v^l &= 0 \rightarrow \\ \frac{dv^i}{dt} &= -\Gamma^i_{kl} v^k v^l. \end{aligned} \quad (2.1)$$

Здесь v^i – скорость м.т. по интервалу мировой линии м.т.: $v^i = dq^i/ds$,

dt – дифференциал интервала вдоль мировой линии пространства. Движение вдоль мировой линии по этому параметру предполагает, что время движения по геодезической (прямой риманова пространства) будет минимальным. Для произвольного пространства вместо нее необходимо принимать интервал собственного времени вдоль мировой линии.

Тензор аффинной связности Γ^i_{kl} (или символы Кристоффеля) риманова пространства с метрикой G_{ij} определяется следующей формулой:

$$\Gamma^i_{kl} = \frac{1}{2} G^{im} \left(\frac{\partial G_{mk}}{\partial q^l} + \frac{\partial G_{ml}}{\partial q^k} - \frac{\partial G_{kl}}{\partial q^m} \right). \quad (2.2)$$

Далее будем рассматривать слабые до первых производных метрические поля G_{im} в ГП, состоящей из двух слагаемых – единичного псевдотензора и малой добавки:

$$G_{im} = E_{im} + g_{im}: \forall i, m: (i, l, k, m \in \{0..3\}).$$

$$G^{im} = E^{im} + g^{im}: \forall i, m: (i, l, k, m \in \{0..3\}).$$

Здесь E_{im} – единичный псевдометрический тензор плоского ВГП:

$$E^{im} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -\delta^{im} \end{pmatrix} = E_{im}, \quad (2.3)$$

g_{im} – малое отклонение метрического тензора от ортонормированного: $g_{im} \ll 1$:

$$E^i_m = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & \delta^{im} \end{pmatrix} = \delta^i_m, \quad (2.4)$$

Метрический тензор пространственной части волнового пространства представляет собой

метрику плоского евклидова пространства:

$$\delta^{im} \sim \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \sim \delta_{im}. \quad (2.5)$$

Знак "~" есть знак численного равенства. Учитывая, что частная производная от постоянного тензора E_{im} тождественно равна нулю, символы Кристоффеля и коэффициенты связности (2.2) пространства с данной метрикой будут следующими:

$$\Gamma_{kl}^i = \frac{1}{2} (E^{im} + g^{im}) \left(\frac{\partial g_{mk}}{\partial q^l} + \frac{\partial g_{ml}}{\partial q^k} - \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^m} \right). \quad (2.6)$$

Предполагая слабость метрического поля и его производных: $|g_{im}| \ll 1$, выражение для расчета коэффициентов связности можем записать в следующем более простом виде:

$$\Gamma_{kl}^i = \frac{1}{2} E^{im} \left(\frac{\partial g_{mk}}{\partial q^l} + \frac{\partial g_{ml}}{\partial q^k} - \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^m} \right) = \frac{1}{2} \left(\frac{\partial E^{im} g_{mk}}{\partial q^l} + \frac{\partial E^{im} g_{ml}}{\partial q^k} - \frac{E^{im} \partial g_{kl}}{\partial q^m} \right). \quad (2.7)$$

Далее производим свертку выражений $E^{im} g_{mk}$ по соответствующим индексам. Для этого в этом выражении отделим элементы со значением индекса 0 от остальных. С учетом этого, можем записать следующие равенства:

$$\begin{aligned} E^{im} g_{mk} &= g^i_k \rightarrow \\ &\begin{pmatrix} 1^{00} & 0^{0m} \\ 0^{i0} & -\delta^{im} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} g_{00} & g_{0k} \\ g_{m0} & g_{mk} \end{pmatrix} = \\ &= \begin{pmatrix} g^0_0 & g^0_k \\ -\delta^{im} g_{m0} & -\delta^{im} g_{mk} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} g^0_0 & g^0_k \\ g^i_0 & g^i_k \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} g_{00} & g_{0k} \\ -g_{i0} & -g_{ik} \end{pmatrix}. \end{aligned} \quad (2.8)$$

Упростим (2.7) еще больше, развернув ее, учитывая (2.8), и что $g_{im} \ll 1$:

$$\Gamma_{kl}^i = \frac{1}{2} \left(\frac{\partial g^i_k}{\partial q^l} + \frac{\partial g^i_l}{\partial q^k} - E^{im} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^m} \right). \quad (2.9)$$

Изменение скорости м.т. в соответствии с (2.1) и (2.9) с разделением по индексу $i = 0$ и $i \neq 0$, уравнения (2.1) можно записать в следующем виде:

$$\begin{cases} \frac{dv^0}{dt} = -\frac{1}{2} \left(\frac{\partial g^0_k}{\partial q^l} + \frac{\partial g^0_l}{\partial q^k} - E^{0m} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^m} \right) v^k v^l \\ \frac{dv^i}{dt} = -\frac{1}{2} \left(\frac{\partial g^i_k}{\partial q^l} + \frac{\partial g^i_l}{\partial q^k} - E^{im} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^m} \right) v^k v^l \\ i \in \{1..3\}, l, k, m \in \{0..3\}. \end{cases} \quad (2.10)$$

Распишем эти уравнения более подробно с целью их упрощения:

$$\begin{aligned}
 & \left\{ \begin{aligned} \frac{dv^0}{dt} &= -\frac{1}{2} \left(\frac{\partial g^0_k}{\partial q^l} + \frac{\partial g^0_l}{\partial q^k} - \left(E^{00} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^0} + E^{01} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^1} + E^{02} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^2} + E^{03} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^3} \right) \right) v^k v^l, \\ \frac{dv^i}{dt} &= -\frac{1}{2} \left(\frac{\partial g^i_k}{\partial q^l} + \frac{\partial g^i_l}{\partial q^k} - \left(E^{i0} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^0} + E^{i1} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^1} + E^{i2} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^2} + E^{i3} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^3} \right) \right) v^k v^l, \end{aligned} \right. = \\
 & \qquad \qquad \qquad i \in \{1..3\}, l, k \in \{0..3\}. \\
 & = \left\{ \begin{aligned} \frac{dv^0}{dt} &= -\frac{1}{2} \left(\frac{\partial g^0_k}{\partial q^l} + \frac{\partial g^0_l}{\partial q^k} - E^{(0,0)} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^0} \right) v^k v^l: E^{(0,0)} = 1, \\ \frac{dv^i}{dt} &= -\frac{1}{2} \left(\frac{\partial g^i_k}{\partial q^l} + \frac{\partial g^i_l}{\partial q^k} - E^{(i,i)} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^i} \right) v^k v^l: E^{(ii)} = -1, \end{aligned} \right. = \\
 & = \left\{ \begin{aligned} \frac{dv^0}{dt} &= -\frac{1}{2} \left(\frac{\partial g^0_k}{\partial q^l} + \frac{\partial g^0_l}{\partial q^k} - \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^0} \right) v^k v^l, \\ \frac{dv^i}{dt} &= -\frac{1}{2} \left(\frac{\partial g^i_k}{\partial q^l} + \frac{\partial g^i_l}{\partial q^k} + \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^i} \right) v^k v^l, \end{aligned} \right. \tag{2.11}
 \end{aligned}$$

Тривиально уравнения (2.11) выполняются при выполнении условия $g_{kl} = \text{const}$, что соответствует прямолинейному и равномерному движению м.т. в пространстве–времени, в соответствии с первым законом Ньютона. А также при выполнении условия $v^i = 0$, что также соответствует первому закону Ньютона – тело сохраняет состояние покоя. В любом другом случае м.т. не сможет сохранить свое состояние покоя или равномерного прямолинейного движения.

2.1. Изменение скорости (ускорение) по индексу $i \neq 0$

Рассмотрим уравнение (2.10):2 для случая значений индекса $i \neq 0$. Для индекса $i \neq 0, l, k, m \in \{0..3\}$ уравнение (2.10):2 записывается в следующем виде:

$$\left\{ \begin{aligned} \frac{dv^i}{dt} &= -\frac{1}{2} \left(\frac{\partial g^i_k}{\partial q^l} + \frac{\partial g^i_l}{\partial q^k} - E^{im} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^m} \right) v^k v^l \rightarrow \\ & \qquad \qquad \qquad i \neq 0; l, k, m \in \{0..3\}. \end{aligned} \right. \tag{2.10):2}$$

Распишем это же уравнение для пространственных индексов l, k, m с выделением элементов с индексом 0:

$$\frac{dv^i}{dt} = -\frac{1}{2} \left[\begin{aligned} & \left(\frac{\partial g^i_0}{\partial q^0} + \frac{\partial g^i_0}{\partial q^0} - E^{i0} \frac{\partial g_{00}}{\partial q^0} - E^{(ii)} \frac{\partial g_{00}}{\partial q^i} \right) v^0 v^0 + \left(\frac{\partial g^i_0}{\partial q^l} + \frac{\partial g^i_l}{\partial q^0} - E^{i0} \frac{\partial g_{0l}}{\partial q^0} - E^{(ii)} \frac{\partial g_{0l}}{\partial q^i} \right) v^0 v^l \\ & + \left(\frac{\partial g^i_k}{\partial q^0} + \frac{\partial g^i_0}{\partial q^k} - E^{i0} \frac{\partial g_{k0}}{\partial q^0} - E^{(ii)} \frac{\partial g_{k0}}{\partial q^i} \right) v^k v^0 + \left(\frac{\partial g^i_k}{\partial q^l} + \frac{\partial g^i_l}{\partial q^k} - E^{i0} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^0} - E^{(ii)} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^i} \right) v^k v^l \end{aligned} \right]$$

Красным цветом выделены элементы (а также и в дальнейшем), в сумме дающие значение 0. Причина – это то, что при $i \neq m$ $E^{i0} \equiv 0$. Также имея в виду, что при $i \neq 0$ $E^{(ii)} = -1$, имеем следующий результат:

$$\frac{dv^i}{dt} = -\frac{1}{2} \left[\begin{aligned} & \left(\frac{\partial g^i_0}{\partial \alpha^0} + \frac{\partial g^i_0}{\partial \alpha^0} + \frac{\partial g_{00}}{\partial \alpha^i} \right) v^0 v^0 + \left(\frac{\partial g^i_0}{\partial \alpha^l} + \frac{\partial g^i_l}{\partial \alpha^0} + \frac{\partial g_{0l}}{\partial \alpha^i} \right) v^0 v^l \\ & + \left(\frac{\partial g^i_k}{\partial \alpha^0} + \frac{\partial g^i_0}{\partial \alpha^k} + \frac{\partial g_{k0}}{\partial \alpha^i} \right) v^k v^0 + \left(\frac{\partial g^i_k}{\partial \alpha^l} + \frac{\partial g^i_l}{\partial \alpha^k} + \frac{\partial g_{kl}}{\partial \alpha^i} \right) v^k v^l \end{aligned} \right]. \quad (2.12)$$

Цветным выделены подобные члены. При условии очень малых скоростей $v^k v^l \ll v^k (v^l) \ll 1$, последнюю строку уравнения (2.12) для скорости v^i можно проигнорировать и все уравнение переписать в виде

$$\frac{dv^i}{dt} = -\frac{1}{2} \left(\left(\frac{\partial g^i_0}{\partial \alpha^0} + \frac{\partial g^i_0}{\partial \alpha^0} + \frac{\partial g_{00}}{\partial \alpha^i} \right) v^0 + \left(\frac{\partial g^i_0}{\partial \alpha^l} + \frac{\partial g^i_l}{\partial \alpha^0} + \frac{\partial g_{0l}}{\partial \alpha^i} \right) v^l + \left(\frac{\partial g^i_k}{\partial \alpha^0} + \frac{\partial g^i_0}{\partial \alpha^k} + \frac{\partial g_{k0}}{\partial \alpha^i} \right) v^k \right) v^0 \rightarrow$$

Заменив исчезающие при свертке индексы k на l , и объединив последние две скобки, имеем:

$$\frac{dv^i}{dt} = - \left[\left(\frac{\partial g^i_0}{\partial \alpha^0} + \frac{1}{2} \frac{\partial g_{00}}{\partial \alpha^i} \right) v^0 + \left(\frac{\partial g^i_0}{\partial \alpha^l} + \frac{\partial g^i_l}{\partial \alpha^0} + \frac{\partial g_{0l}}{\partial \alpha^i} \right) v^l \right] v^0. \quad (2.13)$$

Уравнение (2.13) состоит из двух частей: скалярной – не зависящей от скорости м.т., и не скалярной – зависящей от скорости м.т. Перегруппировав элементы уравнения (2.13), ее можно переписать в несколько в ином виде:

$$\begin{aligned} \frac{dv^i}{dt} &= - \left[\left(\frac{\partial g^i_0}{\partial \alpha^0} + \frac{\partial g^i_0}{\partial \alpha^l} v^l \right) + \frac{1}{2} \frac{\partial g_{00}}{\partial \alpha^i} v^0 + \left(\frac{\partial g^i_l}{\partial \alpha^0} + \frac{\partial g_{0l}}{\partial \alpha^i} \right) v^l \right] v^0 = \\ &= - \left[\frac{dg^i_0}{dt} + \frac{1}{2} \frac{\partial g_{00}}{\partial \alpha^i} v^0 + \left(\frac{\partial g^i_l}{\partial \alpha^0} + \frac{\partial g_{0l}}{\partial \alpha^i} \right) v^l \right] v^0 \rightarrow \\ \frac{d(v^i + g^i_0)}{dt} &= \frac{dv^{*i}}{dt} = - \left(\frac{1}{2} \frac{\partial g_{00}}{\partial \alpha^i} v^0 + \left(\frac{\partial g^i_l}{\partial \alpha^0} + \frac{\partial g_{0l}}{\partial \alpha^i} \right) v^l \right) v^0. \end{aligned} \quad (2.14)$$

Это уравнение говорит о том, что изменение скорости м.т. в локальной АСО равно этому выражению. А именно – изменение скорости м.т. в локальной АСО также состоит из двух частей – скалярной и не скалярной, но более простыми в написании.

2.2. Уравнение движения (ускорения) по индексу 0

Для индекса $i = 0$; $l, k, m \in \{0..3\}$ уравнение (2.10):1 имеет вид:

$$\frac{dv^0}{dt} = -\frac{1}{2} \left(\frac{\partial g^0_k}{\partial q^l} + \frac{\partial g^0_l}{\partial q^k} - E^{0m} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^m} \right) v^k v^l. \quad (2.10):1$$

$l, k, m \in \{0..3\}.$

Аналогично предыдущему разделу, отделим значение индекса 0 для l, k и m от остальных:

$$\frac{dv^{i=0}}{dt} = -\frac{1}{2} \left[\begin{aligned} & \left(\frac{\partial g^0_0}{\partial q^0} + \frac{\partial g^0_0}{\partial q^0} - E^{00} \frac{\partial g_{00}}{\partial q^0} - E^{(0m)} \frac{\partial g_{00}}{\partial q^m} \right) v^0 v^0 + \left(\frac{\partial g^0_0}{\partial r^l} + \frac{\partial g^0_l}{\partial q^0} - E^{00} \frac{\partial g_{0l}}{\partial q^0} - E^{(0m)} \frac{\partial g_{0l}}{\partial q^m} \right) v^0 v^l \\ & + \left(\frac{\partial g^0_k}{\partial q^0} + \frac{\partial g^0_0}{\partial r^k} - E^{00} \frac{\partial g_{k0}}{\partial q^0} - E^{(0m)} \frac{\partial g_{k0}}{\partial q^m} \right) v^k v^0 + \left(\frac{\partial g^0_k}{\partial r^l} + \frac{\partial g^0_l}{\partial r^k} - E^{00} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^0} - E^{(0m)} \frac{\partial g_{kl}}{\partial q^m} \right) v^k v^l \end{aligned} \right]$$

Для $i = 0$ с учетом $E_{0m} = 0$ (выделены красным цветом) имеем:

$$\frac{dv^{i=0}}{dt} = -\frac{1}{2} \left[\begin{aligned} & \left(\frac{\partial g^0_0}{\partial q^0} + \frac{\partial g^0_0}{\partial q^0} - \frac{\partial g_{00}}{\partial q^0} \right) v^0 v^0 + \left(\frac{\partial g^0_0}{\partial r^l} + \frac{\partial g^0_l}{\partial q^0} - \frac{\partial g_{0l}}{\partial q_0} \right) v^0 v^l \\ & + \left(\frac{\partial g^0_k}{\partial q^0} + \frac{\partial g^0_0}{\partial r^k} - \frac{\partial g_{k0}}{\partial q_0} \right) v^k v^0 + \left(\frac{\partial g^0_k}{\partial r^l} + \frac{\partial g^0_l}{\partial r^k} - \frac{\partial g_{kl}}{\partial q_0} \right) v^k v^l \end{aligned} \right]. \quad (2.15)$$

Красным цветом здесь выделены элементы, в сумме дающие нулевое значение. Эти сокращения возможны в силу численного равенства элементов изменения метрического тензора g^0_0 и g_{00} , g^0_l и g_{0l} (см. (2.8)). При условии очень малых скоростей $v^k v^l \ll v^k$ ($v^l \ll 1$), последнюю строку уравнения (2.15) для скорости v^i также можно игнорировать и уравнение переписать в виде

$$\begin{aligned} \frac{dv^{i=0}}{dt} &= -\frac{1}{2} \left(\frac{\partial g^0_0}{\partial q^0} v^0 + \frac{\partial g^0_0}{\partial r^l} v^l + \frac{\partial g^0_0}{\partial r^k} v^k \right) v^0. \\ &= -\left(\frac{1}{2} \frac{\partial g^0_0}{\partial q^0} v^0 + \frac{\partial g^0_0}{\partial r^l} v^l \right) v^0 = 0. \end{aligned} \quad (2.16)$$

Перегруппировав элементы уравнения (2.16), ее же можно переписать в несколько в ином виде:

$$\begin{aligned} \frac{dv^{i=0}}{dt} &= -\frac{1}{2} \left(\frac{dg^0_0}{dt} + \frac{\partial g^0_0}{\partial q^0} \right) v^0 = 0 \rightarrow \\ \frac{d(v + g^0_0)^{i=0}}{dt} &= -\frac{1}{2} \frac{\partial g^0_0}{\partial q^0} v^0 = 0. \end{aligned} \quad (2.17)$$

3. Геодезическая в галилеевом пространстве

3.1. Понятие поля локального АСО

Здесь я ввожу понятие метрического поля в плоском волновом галилеевом пространстве на примере произвольно движущейся сплошной среды, выступающей как бы в роли всем известного, но никому не доступного "эфира" или "вакуума" как модели. Поле предполагает, что сплошная среда в ГП в каждой своей точке с т.з. галилеева наблюдателя имеет свое значение скорости движения: $V = V(t, r)$. В этом смысле абсолютное глобальное АСО как бы отходит на второй план, переходя в локальное свойство, и любые ИСО становятся равноправными и не выделенными. В этом плане можно будет рассмотреть движение волновой материальной точки² по законам геометрии пространства-времени в метрическом поле $V(t, r)$, от которого зависит локальная метрика (1.15) в каждой точке

² Волновая материальная точка – материальная точка, как бы состоящая из локализованных каким либо образом в объеме пространства волн и движущаяся во времени как локализованное образование.

пространства с т.з. галилеева наблюдателя. А саму локальную метрику каждой точки ПВ можем назвать гравитационным полем, т.к. движение этой точки будет происходить по геодезической прямой в этой получающейся "геометрии". Объединяем как бы невозможные вещи: плоское ГП и риманово волновое поле модельной с.с. в ней. Т.к. принято, что ньютонову механику, определенную в ГП, имеет смысл применять только при достаточно малых скоростях, то и это "гравитационное поле" необходимо применять при этих же малых скоростях и применять к нему термин "слабое гравитационное поле". Гравитационное и метрическое в этом случае будут синонимами в том смысле, что и то и другое "действуют" на м.т. независимо от ее массы и других ее параметров. Просто действуют на м.т. как на "объект действия".

В качестве модельного волнового пространства со слабым метрическим полем и малыми скоростями возьмем плоское ГП, в каждой точке которого определено некоторое локальное волновое АСО с относительной скоростью V от базового и с фундаментальной скоростью, равной 1 (единице). Это ГВП определяется локальной метрикой (1.15), зависящей от координаты.

При галилеевых преобразованиях координат волновая метрика изменяется в соответствии с уравнениями (1.15), (2.8). Поэтому имеем:

$$g_{ij} = \begin{pmatrix} g_{00} & g_{0j} \\ g_{i0} & g_{ij} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -V^2 & V_{0j} \\ V_{i0} & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} -V^2 & V_j \\ V_i & 0 \end{pmatrix}. \quad (1.15)^*$$

$$g^i_j = \begin{pmatrix} g^0_0 & g^0_j \\ g^i_0 & g^i_j \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -V^2 & V^0_j \\ V^i_0 & 0 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} -V^2 & V_j \\ V^i & 0 \end{pmatrix}. \quad (2.8)^*$$

Здесь надо иметь ввиду, что численно $V_{0i} = V_{i0} \sim -V^i_0$. А в уравнениях (2.11) должны быть удалены элементы g_{kl} : $k, l \neq 0$, равные нулю в соответствии с (1.15).

3.2. С метрическим полем при $i \neq 0$

Для ГП из $(v^0 = 1) \rightarrow (w^0 = 0)$, и $g_{il} = 0$ для $i, l \neq 0$. В этом случае уравнение (2.13) для индекса $i \neq 0$:

$$\frac{dv^i}{dt} = - \left[\left(\frac{\partial g^i_0}{\partial \alpha^0} + \frac{1}{2} \frac{\partial g_{00}}{\partial \alpha^i} \right) v^0 + \left(\frac{\partial g^i_0}{\partial \alpha^l} + \frac{\partial g^i_l}{\partial \alpha^0} + \frac{\partial g_{0l}}{\partial \alpha^i} \right) v^l \right] v^0 \quad (2.13)$$

перепишется в следующем виде:

$$\frac{dv^i}{dt} = - \left[\left(\frac{\partial g^i_0}{\partial \alpha^0} + \frac{1}{2} \frac{\partial g_{00}}{\partial \alpha^i} \right) v^0 + \left(\frac{\partial g^i_0}{\partial \alpha^l} + \frac{\partial g_{0l}}{\partial \alpha^i} \right) v^l \right] v^0 = 0. \quad (3.1)$$

При галилеевых преобразованиях координат волновая метрика пространства изменяется в соответствии с (2.8) и (1.15). Подставляя эти элементы в уравнение (3.1), имеем:

$$\frac{dv^i}{dt} = - \left[\left(-\frac{1}{2} \frac{\partial V^2}{\partial \alpha^i} + \frac{\partial V^i}{\partial \alpha} \right) + \left(\frac{\partial V^i}{\partial \alpha^l} + \frac{\partial V_l}{\partial \alpha^i} \right) v^l \right]. \quad (3.2)$$

Т.к. численно $V^i \sim -V_i$, то (3.2) можно переписать в антисимметричном виде:

$$\frac{dv^i}{dt} = - \left[\left(\frac{\partial v^i}{\partial t} - \frac{1}{2} \frac{\partial v^2}{\partial t^i} \right) + \left(\frac{\partial v^i}{\partial t^l} - \frac{\partial v^l}{\partial t^i} \right) v^l \right]. \quad (3.3)$$

В уравнении (3.2) имеется два члена, влияющих на движение м.т.

Первый член не зависит от скорости м.т. и сам состоит из двух элементов. Первый элемент соответствует половине квадрата скорости v_{0l} местной сопутствующей АСО в некоторой заранее выбранной в качестве "исходной", "первоначальной", "покоящейся" "глобальной" АСО. По аналогии с потенциальным полем φ в ньютоновой механике, этот член, равный половине от v_{0j}^2 , можно считать "скалярным" потенциальным силовым полем, соответствующее скорости v_{0j} местной сопутствующей АСО. Второй элемент, равный v_{0j} , соответствует некоторому "векторному" потенциальному полю.

Второй член уже зависит от скорости м.т. и задает изменение скорости от "вихревого" ("магнитного") потенциала V_{i0} и скорости v^i тела

Обозначив элемент $V^2/2$ как потенциал φ , (3.3) переписывается в виде:

$$\frac{dv^i}{dt} = \left[\left(\frac{\partial \varphi}{\partial t^i} - \frac{\partial v^i}{\partial t} \right) - \left(\frac{\partial v^i}{\partial t^l} - \frac{\partial v^l}{\partial t^i} \right) v^l \right]; \quad \varphi = \frac{V^2}{2}. \quad (3.4)$$

Ускорение м.т. за счет пространственной части метрики g_{kl} будет нулевым в силу тождественного ее равенства нулю.

Уравнение (3.4), перегруппировав элементы (подобно (2.14)), можно переписать в несколько ином виде:

$$\begin{aligned} \frac{dv^i}{dt} &= \left[\left(\frac{\partial \varphi}{\partial t^i} - \frac{\partial v^i}{\partial t} \right) - \left(\frac{\partial v^i}{\partial t^l} - \frac{\partial v^l}{\partial t^i} \right) v^l \right] \rightarrow \\ \frac{dv^i}{dt} &= \left[- \left(\frac{\partial v^i}{\partial t} + \frac{\partial v^i}{\partial t^l} v^l \right) + \left(\frac{\partial \varphi}{\partial t^i} - \frac{\partial v^l}{\partial t^i} \right) v^l \right] = \\ &= \left[- \frac{dV^i}{dt} + \left(\frac{\partial \varphi}{\partial t^i} - \frac{\partial v^l}{\partial t^i} \right) v^l \right] \rightarrow \\ \frac{d(v^i + V^i)}{dt} &= \left(\frac{\partial \varphi}{\partial t^i} - \frac{\partial v^l}{\partial t^i} v^l \right). \end{aligned} \quad (3.5)$$

Это уравнение говорит о том, что изменение скорости м.т. в локальном АСО соответствует этому уравнению.

Очень малые скорости: $v \ll 1$

При условии игнорирования скоростью при расчетах ускорения, что осуществляется в классической механике при изучении законов всемирного гравитационного притяжения, уравнение (3.4) для ускорения упрощается:

$$\frac{dv^i}{dt} = \left(\frac{\partial \varphi}{\partial t^i} - \frac{\partial v^i}{\partial t} \right). \quad (3.6)$$

Здесь, кроме ускорения, определяемого скалярным полем $\varphi = V^2/2$, имеется еще одно, векторное поле, которое компенсирует появляющиеся при преобразованиях координат (перехода в ИСО) фиктивные силы "векторного" потенциального поля V^i . В стационарном

метрическом поле градиент векторного поля отсутствует, поэтому остается только "скалярная" часть метрического поля ускорения:

$$\frac{dv^i}{dt} = \frac{\partial \varphi}{\partial r^i}. \quad (3.7)$$

А т.к. при рассмотрении консервативной системы взаимодействующих м.т. в обобщенных координатах поле взаимодействия стационарно, то осуществляется именно это уравнение, несмотря на то, что потенциально имеется и векторная часть силового поля. Поле $\varphi = v^2/2$ в этом случае можно считать скалярным потенциальным полем. В качестве примера такого поля можно отослать на гравитационное поле Всемирного тяготения Ньютона.

При взаимодействии в не стационарном поле необходимо учитывать наличие и векторной части поля взаимодействия.

3.3. С метрическим полем при $i=0$

Для ГП при $i = 0, l, k \neq 0$ должно выполняться уравнение (2.16):

$$\frac{dv^{i=0}}{dt} = - \left(\frac{1}{2} \frac{\partial g^0_0}{\partial q^0} v^0 + \frac{\partial g^0_0}{\partial r^l} v^l \right) v^0 = 0. \quad (2.16)$$

Подставляя значения элементов метрического тензора из (1.15), с учетом (2.8), получим:

$$\frac{dv^{i=0}}{dt} = \left(\frac{1}{2} \frac{\partial \mathcal{V}^2}{\partial t} + \frac{\partial \mathcal{V}^2}{\partial r^l} v^l \right) = 0. \quad (3.8)$$

Или:

$$\frac{1}{2} \frac{\partial \mathcal{V}^2}{\partial t} = - \frac{\partial \mathcal{V}^2}{\partial r^l} v^l. \quad (3.9)$$

Это уравнение говорит о законе перехода "энергии" потенциального поля ускорения в "работу" "силы" ускорения на участке траектории по изменению ее "кинетической" "энергии" классической механики, но без учета массы м.т. При этом эта "работа" производится исключительно "энергией" ускоряющего поля, а не вихревой ее части. Изменение "кинетической" энергии $V^2/2$ равно "работе" "силы" dA на участке траектории:

$$\begin{aligned} \frac{\partial V^2}{\partial t} \frac{dt}{2} &= - \frac{\partial \mathcal{V}^2}{\partial r^l} v^l dt \rightarrow \\ d\varphi &= F_l v^l dt = F_l dr^l = dA. \end{aligned} \quad (3.10)$$

Работа, произведенная над телом единичной массы, равна изменению гравитационного потенциала. Сила, действующая на м.т. единичной массы и производящая работу, определяется из (3.9):

$$F_l = - \frac{\partial \mathcal{V}^2}{\partial r^l} v^l. \quad (3.11)$$

В этом виде закон изменения скорости по нулевой координате представляет собой закон перехода "потенциальной" "энергии" в "кинетическую".

Очень малые скорости: $v \ll 1$

В этом случае скоростями v^i можно пренебречь, и (3.8) еще более упростится:

$$\frac{dv^{i=0}}{dt} = \frac{1}{2} \frac{\mathcal{A}^2}{\mathcal{A}} = 0. \quad (3.12)$$

Это уравнение говорит о том, что при очень малых скоростях м.о. потенциальное поле g^0_0 не должно явно зависеть от времени, что достигается очень малыми изменениями поля в пространстве. Т.е. поле является практически стационарным или приводится к нему. А пространственные элементы g^0_j и g^i_0 поля ускорения не будут влиять на движение. Этот случай соответствует закону всемирного тяготения Ньютона.

4. ВЫВОДЫ.

В уравнении (3.3)

$$\frac{dv^i}{dt} = - \left[\left(\frac{\mathcal{A}^i}{\mathcal{A}} - \frac{1}{2} \frac{\mathcal{A}^2}{\mathcal{A}^i} \right) + \left(\frac{\mathcal{A}^i}{\mathcal{A}^l} - \frac{\mathcal{A}^l}{\mathcal{A}^i} \right) v^l \right]. \quad (3.3)$$

имеется четыре члена, влияющих на движение м.т.

- Первый член соответствует половине квадрата скорости V^i местной сопутствующей АСО в некоторой заранее выбранной в качестве "исходной", "первоначальной", "покоящейся" АСО. По аналогии с потенциальным полем φ в ньютоновой механике, этот член, равный половине от V^2 , можно считать "скалярным" потенциальным силовым полем.

Этот член уравнения говорит о том, что слабое гравитационное поле φ , открытое Ньютоном, может интерпретироваться в ГВП чисто геометрически как элемент g_{00} 4-мерного метрического поля пространства–времени.

- Второй член, равный частной производной V^i по времени (элементы g_{0j} и g_{i0} метрического поля), соответствует напряженности некоторого "векторного" потенциального поля, соответствующее скорости V^i местной сопутствующей АСО. Выступает как аналог "векторного" потенциала от метрического поля.

Эти члены могут интерпретироваться в ГП как векторное потенциальное поле G_i 1+3-мерного пространства. Ускорение м.т. за счет этой составляющей метрического поля имеет первый порядок малости. Она геометрически интерпретируется как скорость локального сопутствующего АСО, зависящее от координаты привязки этого локального АСО к пространству–времени.

- Третий и четвертый члены уже вводят зависимость от скорости м.т. и задают изменение скорости от "вихревого" составляющего поля при той же скорости V^i местной сопутствующей АСО. Является аналогом "вихревого" потенциала метрического поля, напоминает вихревую составляющую у электромагнитного поля.
- Зависимость ускорения м.т. за счет пространственной метрики g_{kl} будет нулевым в силу равенства ее нулю.
- Ускорение (3.9) по нулевому (временному) индексу в ГП задает закон сохранения энергии (или ее взаимоперехода между потенциальной и кинетической "энергиями") м.т. в метрическом поле ускорения.

Несмотря на наличие "скалярного", "векторного" и "вихревого" потенциалов, метрическое поле не является электрическим полем. Тем более, что векторное электромагнитное поле – это векторное поле, а элементы "векторного" метрического (гравитационного) поля являются элементами тензора ранга 2.

Хочу предостеречь читателей от именно этой однозначной интерпретации векторного потенциального поля A^i со скоростью $V^i_{(0)}$ сопутствующей АСО и метрическим полем g_{ij} : это всего лишь модельная интерпретация. Такой вывод можно делать, только если элементы поля A^i_0 , $V^i_{(0)}$ и g^i_0 отождествлены. Думаю, возможны другие "векторно–тензорно–полевые" интерпретации. А представленная здесь – одна из них. Также хочу предостеречь читателей от мысли о том, что рассматриваемое выше ГП является реальным физическим пространством. В данной работе это просто модельное пространство. Реальное физическое пространство должно соответствовать реальным физическим эталонам, а они могут не соответствовать галилеевым. Возможными кандидатами могут быть также релятивистские пространства (СТО, ОТО), которым полностью соответствуют электромагнитные эталоны. В области малых скоростей и полей вполне возможно использование ГП, при больших скоростях – СТО, а при сильных полях – ОТО. В области малых времен и расстояний – квантованные пространства и поля.

Сокращения и другие соглашения

<p>(*)</p> <p>А – абсолютное,</p> <p>В – время, волновое,</p> <p>Г – галилеево,</p> <p>И – инерциальное,</p> <p>К – координаты, квантовая, классическая,</p> <p>М – механика, метрическое, материя,</p> <p>Н – ньютоново, неинерциальная,</p> <p>О – отсчета, относительности, общая,</p> <p>П – пространство,</p> <p>Р – релятивистская,</p> <p>С – система, специальная,</p> <p>Т – теория, тензоры,</p> <p>У – условный,</p> <p>Ф – физика,</p> <p>Ч – частная,</p> <p>~ – (индекс) обозначает волновой параметр,</p> <p> – (индекс) параллельный, продольный,</p> <p>⊥ – (индекс) перпендикулярный, поперечный,</p> <p>(0) – индекс параметра смещения начала координат.</p>	<p>АПВ – ПВ с абсолютным временем и пространством.</p> <p>АСО (АИСО) – абсолютная (инерциальная) система отсчета,</p> <p>ВП – волновое пространство,</p> <p>ГП – галилеево пространство,</p> <p>ГПТК – линейные преобразования тензоров и координат,</p> <p>ВГП, ГВП – волновое галилеево пространство,</p> <p>ИСО – инерциальная система отсчета – координатная с.о., полученная из исходного ортонормированным ЛПТК,</p> <p>КМН – классическая механика ньютонова,</p> <p>ЛПТК – линейные преобразования тензоров и координат,</p> <p>МГП – метрическое галилеево пространство,</p> <p>МП – метрическое пространство,</p> <p>ПВ – пространство–время,</p> <p>ПВМ – пространство–время–материя,</p> <p>ГПВ – галилеево пространство–время,</p> <p>ПТК – преобразования тензоров и координат.</p> <p>СК, с.к. – система координат,</p> <p>см. – смотри,</p> <p>СО, с.о. – система отсчета,</p> <p>СТО – специальная теория относительности,</p> <p>(и)т.д. – (и) так далее,</p> <p>(и) т.п. – (и) тому прочие,</p> <p>в т.ч. – в том числе,</p> <p>т.з. – точка зрения,</p> <p>т.[Идентиф.точки] – точка.[Идентиф.точки],</p> <p>м.о. – материальный объект,</p> <p>с.с. – сплошная среда,</p> <p>См. – смотри [далее],</p> <p>УАИСО – Условная Абсолютная ИСО,</p>
--	---

- 1) *При использовании более чем одной буквы/символа.
- 2) Выделение красным цветом в формуле может обозначать равный нулю элемент формулы или выражения.
- 3) По одинаковым верхнему и нижнему индексам производится свертка (суммирование) соответствующих элементов (по правилу Эйнштейну).
- 4) По индексу в скобке типа " $_{(k)}$ " или " $^{(k)}$ " свертка не выполняется, но она привязана к соответствующему тензорному или другому индексу "функционально".
- 5) Формат ссылок на формулы: (N). При необходимости указания на конкретную строку формулы применяется формат (N):n, где n – номер строки формулы, начиная с 1 (единицы), причем эта нумерация продолжается и на дальнейшие не нумерованные формулы.

Литература

1. Акивис, М А, Гольдберг В. В. Тензорное исчисление. – М. : Наука, 1972. – 351 с.
2. Детлаф, А А Курс общей физики / А. А. Детлаф, Б. М. Яворский. – М. Высшая школа, 2017. – 245 с.
3. Димитриенко Ю И Тензорное исчисление: Учеб. пособие для вузов. – М. :Высш. шк., 2001. – 575 с. 74
4. Иродов, И Е Задачи по общей физике / И. Е. Иродов. – М. : Бином, 2017. – 146 с.
5. Ландау, Л. Д., Лифшиц Е. М. Курс теоретической физики: В 10 т. : – М.: Физматлит, 2002. – 224 с.
6. Малыкин, Г Б Паралоренцевские преобразования, УФН, 179:3 (2009), 285–288; Phys. Usp., 52:3 (2009), 263–266 // Полный текст URL: [PDF файл](#) (899 kB) (дата обращения: 05.07.2019).
7. Эйнштейн, А Собрание научных трудов. Т. 1. М. :Наука, 1965. [Einstein A Ann. Physik 322 891 (1905)]
8. Чепик, А М Сходство и различие СЭТ и СТО. [Электронный ресурс] :URL: http://redshift0.narod.ru/Rus/Stationary/Absolute/Absolute_Principles_4.htm(дата обращения: 16.07.2019), // Нижний Новгород, e-mail: redshift0@narod.ru.
9. Tangherlini, F R "The velocity of ligh in uniformly moving frame", Ph D Thesis (Stanford: Stanford Univ., 1958)]
10. Тимин, В А Метрики галилеева пространства. //Metrics Galileia Space. URL: <http://vixra.org/abs/1907.0545>.
11. Тимин, В А Преобразования галилеевых тензоров. //Galilean Transformations of Tenzors, URL:<http://vixra.org/abs/1910.0602> .
12. Тимин, В А Уравнения распространения волн в различных пространствах. URL:<http://vixra.org/abs/1908.0091>.
13. Тимин, В А Эксперимент Майкельсона–Морли.URL:<http://vixra.org/abs/1908.0574>.

Все мои работы в VIXRA.ORG:

14. Тимин, В А Все работы.URL: http://vixra.org/author/valery_timin.

E-Mail: timinva@yandex.ru.